



## Задачи «жёлтого» уровня сложности MathCat

**Задача 1.** (5 баллов) Фигурой, показанной на рисунке, оклеили параллелепипед  $1 \times 1 \times 2$ . Буквами Н, Ф, З, В, Л и П отмечаются части, наклеиваемые на нижнюю грань, переднюю, заднюю, верхнюю, левую и правую. Отметьте буквами остальные четыре части. Ответ в бланке запишите в формате 1: \_\_\_, 2: \_\_\_, 3: \_\_\_, 4: \_\_\_\_\_.  
(См. рис. 1)

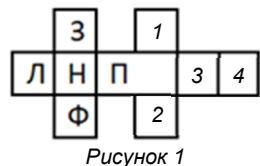


Рисунок 1

**Задача 2.** (7 баллов) В ряд выписаны 9 цифр: 1 1 1 2 2 2 3 3 3. Между ними надо поставить 7 знаков сложения и один знак умножения и посчитать результат. Сколько различных результатов можно получить таким образом?

**Задача 3.** (7 баллов) На каждой грани куба написано натуральное число. На трех гранях, имеющих общую вершину, написаны числа 10, 14 и 19. На остальных трёх гранях написаны простые числа. Кроме того, суммы чисел на противоположных гранях равны. Чему равна сумма всех чисел на кубе?

**Задача 4.** (8 баллов) По кругу стоят 20 человек разного роста, каждый из которых рыцарь или лжец. Рыцари всегда говорят правду, лжецы всегда лгут. Всех спросили «твой рост больше роста каждого из соседей?» и получили 9 ответов «да». Затем всех спросили «твой рост меньше роста каждого из соседей?» и получили также 9 ответов «да». Наконец, всех спросили «твой рост больше одного соседа и меньше роста другого соседа?» и снова получили 9 ответов «да». Сколько среди этих человек лжецов?

**Задача 5.** (9 баллов) Сколько существует 18-значных чисел, в записи которых 15 цифр «0», одна цифра «2» и две рядом стоящие цифры «1»?

**Задача 6.** (10 баллов) На гипотенузе АВ прямоугольного треугольника АВС отметили точку D, а на катете ВС — точку Е. Чему может быть равен угол EDC, если  $\angle B = 35^\circ$ ,  $\angle BCD = 20^\circ$  и  $\angle BAE = 10^\circ$ ?

**Задача 7.** (12 баллов) Тридцать семь богатырей стали в ряд. Каждый четный по счёту богатырь (то есть второй, четвертый, шестой и так далее) оказался на 5 см ниже предыдущего и на 3 см выше следующего. Например, 8-й богатырь на 5 см выше 7-го и на 3 см выше 9-го богатыря. На каком месте стоит средний по высоте богатырь (то есть тот, который выше 18 богатырей и ниже 18 богатырей)?

**Задача 8.** (13 баллов) Положительную обыкновенную дробь назовём великаном, если её числитель на 1 меньше знаменателя. Какая наибольшая целая сумма может быть у 6 различных великанов?

**Задача 9.** (14 баллов) Клетчатый уголок — фигура, которая получается из клетчатого прямоугольника удалением прямоугольника, длины и ширина которого меньше на 1. Пример уголка показан на рисунке справа — он получен из  $3 \times 5$  удалением  $2 \times 4$ . Два уголка одинаковые, если их можно совместить, поворачивая или переворачивая. На какое количество уголков, среди которых нет одинаковых, можно разрезать прямоугольник  $6 \times 8$ ? Найдите все возможные значения. Пример уголка показан на рисунке 2 справа.

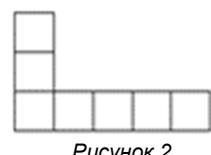


Рисунок 2

**Задача 10.** (15 баллов) В ряд стоят, чередуясь, 50 чисел Х и 50 чисел Y, X не равно Y. Сумма любых 5 подряд идущих чисел не более 148. Сумма любых 7 подряд идущих чисел не менее 206. Чему равна сумма всех 100 чисел? Найдите все возможные значения.